Тренировочная работа № 57

На выполнение работы отводится 3 часа 55 минут. Работа состоит из 25 заданий. В заданиях 7 и 13 запишите номер правильного ответа. В остальных заданиях 1–19 запишите число или последовательность цифр согласно условию. Дробные числовые ответы записывайте десятичными дробями. В заданиях 20–25 приведите полное решение. Разрешается пользоваться линейкой и справочными материалами. Калькулятор не используется.

Фамилия и имя: _____

Часть 1

Прочитайте текст и выполните задания 1–5.

Колесо состоит из диска и шины. Например, в маркировке $195/65\ R15$ (рис. 1) первое число задаёт ширину шины B в миллиметрах, второе — высоту боковины H в процентах от ширины. Буква R означает радиальную конструкцию, а следующее за ней число — диаметр диска d в дюймах. Один дюйм равен $25{,}4$ мм. Общий диаметр колеса D складывается из диаметра диска и двух высот боковины. На автомобили данной модели завод устанавливает шины $225/60\ R14$. На рисунке показаны используемые размеры.



Рис. 1

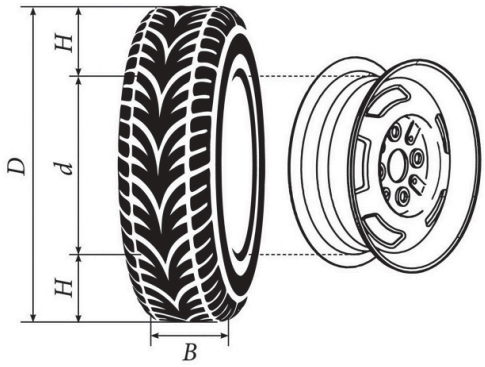


Рис. 2

1 В таблице указаны разрешённые изготовителем размеры шин. Прочерк означает, что данный размер не разрешён.

Ширина шины, мм	Диск 14 дюймов	Диск 15 дюймов	Диск 16 дюймов
225	225/60	225/55	225/50
235	—	235/50	235/45
245	—	—	245/45

Какую наибольшую ширину может иметь шина для диска диаметром 16 дюймов? Ответ дайте в миллиметрах.

Ответ: _____.

2 Определите высоту боковины шины $215/65\ R15$. Ответ дайте в миллиметрах.

Ответ: _____.

3 Найдите полный диаметр колеса с шиной, установленной на заводе. Ответ дайте в миллиметрах.

Ответ: _____.

4 На сколько миллиметров радиус колеса с шиной $235/50\ R15$ меньше радиуса колеса с шиной $225/55\ R15$?

Ответ: _____.

5 В таблице приведены параметры заводской и новой шин.

Шина	Ширина, мм	Высота боковины, % от ширины	Диаметр диска, дюймы
Заводская	225	60	14
Новая	225	55	15

На сколько процентов увеличится путь автомобиля за один оборот колеса при замене заводских шин новыми? Ответ округлите до десятых.

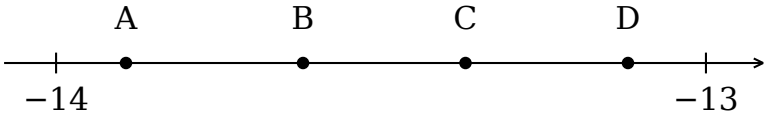
Ответ: _____.

6 Найдите значение выражения $(4 + 0{,}5) : 0{,}5$.

Ответ: _____.

7 На координатной прямой отмечены точки A, B, C и D. Какая из них соответствует числу $-\sqrt{193}$? Укажите номер ответа.

1) A 2) B 3) C 4) D.



Ответ: _____.

8 Найдите значение выражения $\dfrac{(5^3)^2}{5^4}$.

Ответ: _____.

9 Решите уравнение $4x - 16 = -32$.

Ответ: _____.

10 Из натуральных чисел от 1 до 40 включительно случайно выбирают одно число. Найдите вероятность того, что оно делится на 8.

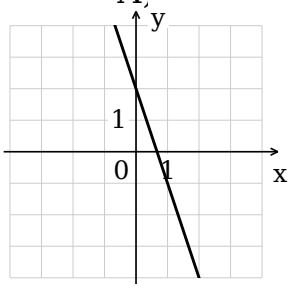
Ответ: _____.

11 Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.

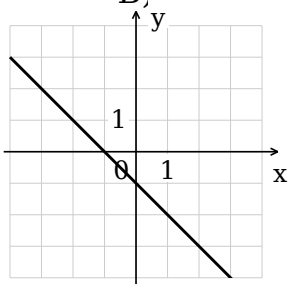
1) $y = 2x$ 2) $y = -3x + 2$ 3) $y = -x - 1$.

В ответе запишите последовательность цифр, соответствующую графикам А, Б, В.

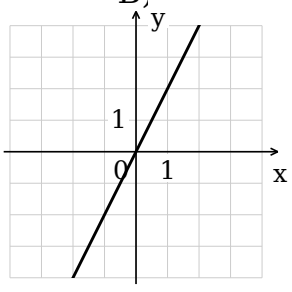
А)



Б)



В)



Ответ: _____.

12 Сопротивление двух параллельно соединённых проводников вычисляется по формуле $R = \dfrac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$. Найдите R_2, если $R_1 = 38$ Ом и $R = 22{,}8$ Ом.

Ответ: _____.

13 Решите неравенство $(x + 8)(x - 1) \le 0$. Укажите номер правильного ответа.

1) $(-\infty; -8) \cup (1; +\infty)$ 2) $(-\infty; -8] \cup [1; +\infty)$

3) $(-8; 1)$ 4) $[-8; 1]$

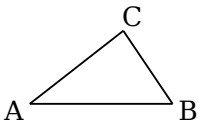
Ответ: _____.

14 В арифметической прогрессии $a_1 = 3$, $d = 1$. Найдите a_9.

Ответ: _____.

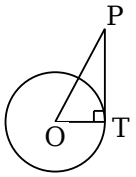
15 В треугольнике ABC угол A равен $38°$, а угол B равен $56°$. Найдите угол C. Ответ дайте в градусах.

Ответ: _____.



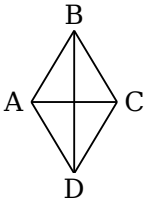
16 Прямая PT касается окружности с центром O в точке T. Найдите PT, если $OT = 16$, $OP = 34$.

Ответ: _____.

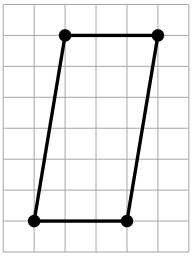


17 Диагонали AC и BD ромба $ABCD$ равны 6 и 10. Найдите площадь ромба.

Ответ: _____.



18 На клетчатой бумаге с размером клетки 1×1 изображена фигура. Найдите её площадь.



Ответ: _____.

19 Какие из следующих утверждений верны?
1) Все прямоугольные треугольники подобны.
2) Площадь параллелограмма равна произведению стороны на проведённую к ней высоту.
3) Средняя линия треугольника равна половине параллельной ей стороны.
В ответ запишите номера верных утверждений без пробелов и других символов.

Ответ: _____.

Часть 2

Для заданий 20–25 запишите полное решение на отдельных листах. Необходимые вычисления и геометрические построения обоснуйте.

20 Решите уравнение $x^3 + 6x^2 - 64x - 384 = 0$.

21 Из двух посёлков одновременно навстречу друг другу выехали два велосипедиста. Скорость первого 13 км/ч, второго 18 км/ч. Первый сделал до встречи остановку на 15 мин. Расстояние между посёлками $89{,}75$ км. Какое расстояние до встречи проехал второй велосипедист?

22 Постройте график функции $y = x^2 - 2x - 1 - 4|x - 2|$. Определите все значения m, при которых прямая $y = m$ имеет с графиком ровно три общие точки.

23 Прямая, параллельная стороне AC треугольника ABC, пересекает стороны AB и BC в точках M и N. Найдите BN, если $MN = 7$, $AC = 14$, $NC = 15$.

24 Точки M и N — середины сторон AB и CD параллелограмма $ABCD$. Докажите, что четырёхугольник $AMCN$ — параллелограмм.

25 В равнобедренном треугольнике ABC известно, что $AB = AC = 20$, $BC = 24$. Окружность с диаметром BC пересекает стороны AB и AC соответственно в точках K и L, отличных от B и C. Найдите KL.

Проверьте, что все ответы перенесены в лист записи ответов.