Тренировочная работа № 93

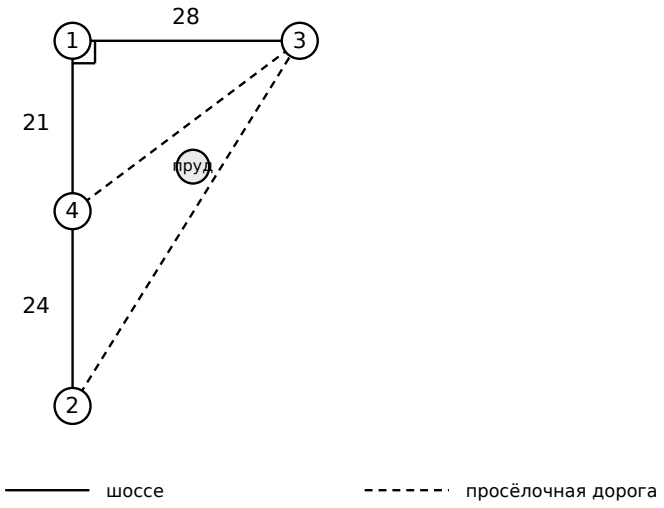
На выполнение работы отводится 3 часа 55 минут. Работа состоит из 25 заданий. В заданиях 7 и 13 запишите номер правильного ответа. В остальных заданиях 1–19 запишите число или последовательность цифр согласно условию. Дробные числовые ответы записывайте десятичными дробями. В заданиях 20–25 приведите полное решение. Разрешается пользоваться линейкой и справочными материалами. Калькулятор не используется.

Фамилия и имя: _____

Часть 1

Прочитайте текст и выполните задания 1–5.

Из села Берёзовка в село Озёрное можно проехать по прямой просёлочной дороге. Другой путь идёт по шоссе через Сосновку до Лугового, где нужно повернуть направо под прямым углом в сторону Озёрного. Из Сосновки в Озёрное также ведёт прямая просёлочная дорога мимо пруда. На схеме шоссе показано сплошными линиями, просёлочные дороги — пунктиром. Длины участков шоссе указаны в километрах. Автомобиль движется по шоссе со скоростью 100 км/ч, по просёлочной дороге — 40 км/ч. Расход бензина составляет 9 л на 100 км по шоссе и $11{,}5$ л на 100 км по просёлочной дороге. Цена бензина — 77 руб. за литр.



1 Укажите номера объектов из таблицы. Запишите цифры в порядке перечисления объектов без разделителей.

Населённый пункт	Сосновка	Берёзовка	Луговое
Номер на плане			

Ответ: _____.

2 Найдите длину пути из Берёзовки в Озёрное по шоссе через Сосновку и Луговое. Ответ дайте в километрах.

Ответ: _____.

3 Найдите длину прямой просёлочной дороги из Сосновки в Озёрное. Ответ дайте в километрах.

Ответ: _____.

4 Сколько минут займёт путь из Берёзовки в Озёрное, если сначала ехать по шоссе до Сосновки, а затем по просёлочной дороге мимо пруда?

Ответ: _____.

5 Водитель выбирает один из трёх описанных путей из Берёзовки в Озёрное. Найдите наименьшую стоимость бензина, необходимого для этой поездки. Ответ дайте в рублях.

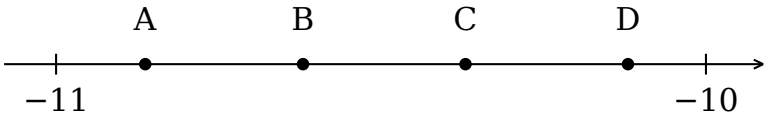
Ответ: _____.

6 Найдите значение выражения $(9{,}1 + 0{,}9) : 0{,}4$.

Ответ: _____.

7 На координатной прямой отмечены точки A, B, C и D. Какая из них соответствует числу $-\sqrt{118}$? Укажите номер ответа.

1) A 2) B 3) C 4) D.



Ответ: _____.

8 Найдите значение выражения $\dfrac{(3^4)^2}{3^5}$.

Ответ: _____.

9 Решите уравнение $8x - 15 = -31$.

Ответ: _____.

10 Из натуральных чисел от 1 до 50 включительно случайно выбирают одно число. Найдите вероятность того, что оно делится на 8.

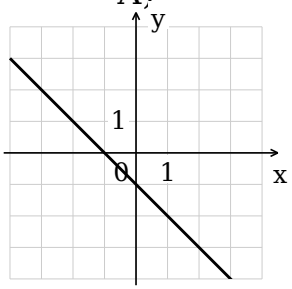
Ответ: _____.

11 Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.

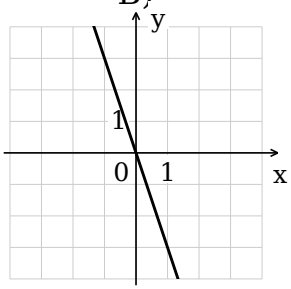
1) $y = -3x$ 2) $y = 3x - 2$ 3) $y = -x - 1$.

В ответе запишите последовательность цифр, соответствующую графикам А, Б, В.

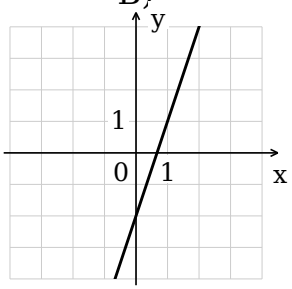
А)



Б)



В)



Ответ: _____.

12 Сопротивление двух параллельно соединённых проводников вычисляется по формуле $R = \dfrac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$. Найдите R_2, если $R_1 = 22$ Ом и $R = 13{,}2$ Ом.

Ответ: _____.

13 Решите неравенство $(x+1)(x-4) < 0$. Укажите номер правильного ответа.

1) $(-\infty; -1] \cup [4; +\infty)$ 2) $(-1; 4)$

3) $(-\infty; -1) \cup (4; +\infty)$ 4) $[-1; 4]$

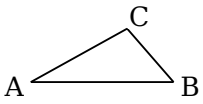
Ответ: _____.

14 В арифметической прогрессии $a_1 = 20$, $d = -3$. Найдите a_7.

Ответ: _____.

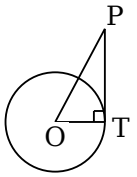
15 В треугольнике ABC угол A равен $29°$, а угол B равен $49°$. Найдите угол C. Ответ дайте в градусах.

Ответ: _____.



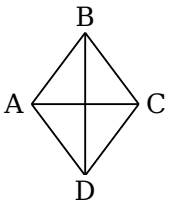
16 Прямая PT касается окружности с центром O в точке T. Найдите PT, если $OT = 24$, $OP = 51$.

Ответ: _____.

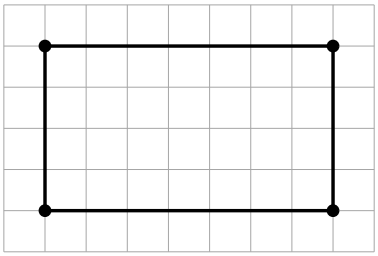


17 Диагонали AC и BD ромба $ABCD$ равны 12 и 16. Найдите площадь ромба.

Ответ: _____.



18 На клетчатой бумаге с размером клетки 1×1 изображена фигура. Найдите её площадь.



Ответ: _____.

19 Какие из следующих утверждений верны?

1) Диагонали любого прямоугольника перпендикулярны.
2) Диагонали параллелограмма точкой пересечения делятся пополам.
3) Диагонали ромба перпендикулярны.

В ответ запишите номера верных утверждений без пробелов и других символов.

Ответ: _____.

Часть 2

Для заданий 20–25 запишите полное решение на отдельных листах. Необходимые вычисления и геометрические построения обоснуйте.

20 Решите уравнение $\dfrac{30}{x-72}+\dfrac{30}{x+72}=1$.

21 Имеются два сплава с содержанием меди 15% и 70%. Сколько килограммов первого сплава нужно взять, чтобы вместе со вторым получить 90 кг сплава, содержащего 35% меди?

22 Постройте график функции $y=x^2+10x+25-3|x+4|$. Определите все значения m, при которых прямая $y=m$ имеет с графиком ровно три общие точки.

23 В равнобедренном треугольнике боковая сторона равна 78, а основание равно 60. Найдите радиус описанной около него окружности.

24 Точки M и N — середины сторон AB и CD параллелограмма $ABCD$. Докажите, что четырёхугольник $AMCN$ — параллелограмм.

25 В трапеции $ABCD$, $AD \parallel BC$ и $AD > BC$, боковые стороны $AB=48$, $CD=102$, основание $BC=6$. Биссектриса угла ADC проходит через середину стороны AB. Найдите площадь трапеции.

Проверьте, что все ответы перенесены в лист записи ответов.